

Chiffrement de César

Guillaume CONNAN

Lycée Jean PERRIN

Sommaire

- 1 Un peu d'histoire
- 2 À vous de jouer
 - Vous êtes César
 - Vous êtes Vercingétorix
- 3 Un peu de bricolage
- 4 Un peu de mathématiques
- 5 Un peu d'informatique
 - Table de codage
 - Avec XCAS

Comme le disait Suétone (70-127) dans La vie des 12 Césars :

Extant et ad Ciceronem, item ad familiares domesticis de rebus, in quibus, si qua occultius perferenda erant, per notas scripsit, id est sic structo litterarum ordine, ut nullum uerbum effici posset : quae si qui inuestigare et persequi uelit, quartam elementorum litteram, id est D pro A et perinde reliquas commutet.

Ce que César aurait peut-être écrit sous cette forme :

*Rkgnag rg nq Pvprebarz, vgrz nq snzvyvnerf qbzrfgvvpvf qr erohf,
va dhvohf, fv dhn bpphygvhf cresreraqn renag, cre abgnf
fpevcfvg, vq rfg fvp fgehpqb yvggrenehz beqvar, hg ahyyhz
hreohz rssvpv cbffrg : dhn r fv dhv vahrfgtner rg crefrdhv hryvg,
dhnegnz ryrzragbehz yvggrenz, vq rfg Q ceb N rg crevaqr
eryvdhnf pbzzhgrg.*

Certains seront sûrement plus à l'aise avec cette nouvelle transcription du même texte :

On possède enfin de César des lettres à Cicéron, et sa correspondance avec ses amis sur ses affaires domestiques. Il y employait, pour les choses tout à fait secrètes, une espèce de chiffre qui en rendait le sens inintelligible (les lettres étant disposées de manière à ne pouvoir jamais former un mot), et qui consistait, je le dis pour ceux qui voudront les déchiffrer, à changer le rang des lettres dans l'alphabet, en écrivant la quatrième pour la première, c'est-à-dire le D pour l'A, et ainsi de suite.

Sommaire

- 1 Un peu d'histoire
- 2 À vous de jouer
 - Vous êtes César
 - Vous êtes Vercingétorix
- 3 Un peu de bricolage
- 4 Un peu de mathématiques
- 5 Un peu d'informatique
 - Table de codage
 - Avec XCAS

Vous voulez transmettre cet important message :

Les sanglots longs des violons de l'automne

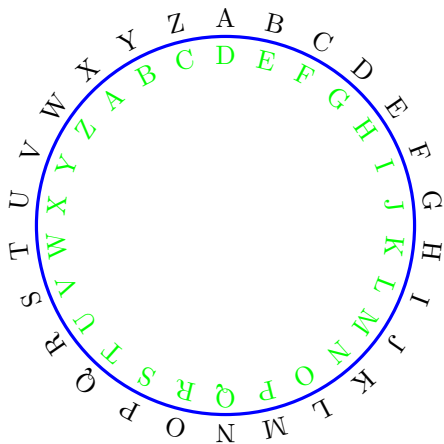
Sommaire

- 1 Un peu d'histoire
- 2 À vous de jouer
 - Vous êtes César
 - Vous êtes Vercingétorix
- 3 Un peu de bricolage
- 4 Un peu de mathématiques
- 5 Un peu d'informatique
 - Table de codage
 - Avec XCAS

Vous voulez traduire ce message intercepté par vos espions :

*eohvvhqw#prq#frhxu#g*xqh#odqjxhxu#prqrwrqh*

Que vous inspire ce dessin :



Codons chaque lettre par un nombre : $A \mapsto 0$, $B \mapsto 1$, etc.

Comment modéliser le chiffrement de César ?

Y a-t-il un problème ?

Qu'ont en commun 29 et 3 ?

Codons chaque lettre par un nombre : $A \mapsto 0$, $B \mapsto 1$, etc.

Comment modéliser la chiffrement de César ?

Y a-t-il un problème ?

Qu'ont en commun 29 et 3 ?

Codons chaque lettre par un nombre : $A \mapsto 0$, $B \mapsto 1$, etc.

Comment modéliser la chiffrement de César ?

Y a-t-il un problème ?

Qu'ont en commun 29 et 3 ?

Codons chaque lettre par un nombre : $A \mapsto 0$, $B \mapsto 1$, etc.

Comment modéliser la chiffrement de César ?

Y a-t-il un problème ?

Qu'ont en commun 29 et 3 ?

Sommaire

- 1 Un peu d'histoire
- 2 À vous de jouer
 - Vous êtes César
 - Vous êtes Vercingétorix
- 3 Un peu de bricolage
- 4 Un peu de mathématiques
- 5 Un peu d'informatique
 - Table de codage
 - Avec XCAS

Supposons que nous disposions de cette table de codage

0	1 !	2 "	3 #	4 \$	5 %	6 &	7 '	8 (9)
10 *	11 +	12 ,	13 -	14 .	15 /	16 0	17 1	18 2	19 3
20 4	21 5	22 6	23 7	24 8	25 9	26 :	27 ;	28 <	29 =
30 >	31 ?	32	33 A	34 B	35 C	36 D	37 E	38 F	39 G
40 H	41 I	42 J	43 K	44 L	45 M	46 N	47 O	48 P	49 Q
50 R	51 S	52 T	53 U	54 V	55 W	56 X	57 Y	58 Z	59 [
60 \	61]	62 ^	63	64 `	65 a	66 b	67 c	68 d	69 e
70 f	71 g	72 h	73 i	74 j	75 k	76 l	77 m	78 n	79 o
80 p	81 q	82 r	83 s	84 t	85 u	86 v	87 w	88 x	89 y
90 z	91 {	92	93 }	94 ~	95 ê	96 ù	97 ç	98 à	99 è
100 é	101 Ê	102 Ç	103 Å	104 É	105 È				

Et supposons que nous disposions d'une procédure `code` (“message”) qui transforme un message en une liste de codes.

Par exemple *MOI* devient

[45,47,41]

et de la fonction `decode` associée.

Et supposons que nous disposions d'une procédure `code` (“message”) qui transforme un message en une liste de codes.

Par exemple *MOI* devient

[45,47,41]

et de la fonction `decode` associée.

Et supposons que nous disposions d'une procédure `code` (“message”) qui transforme un message en une liste de codes.

Par exemple *MOI* devient

[45,47,41]

et de la fonction `decode` associée.

Et supposons que nous disposions d'une procédure `code` (“message”) qui transforme un message en une liste de codes.

Par exemple *MOI* devient

[45,47,41]

et de la fonction `decode` associée.

Tout langage de programmation de calcul programmable admet

- une fonction calculant le reste de la division euclidienne de deux entiers;
- une fonction ajoutant un opérande à une liste

Imaginez alors un algorithme de codage selon la méthode du glorieux César.

Tout langage de programmation de calcul programmable admet

- une fonction calculant le reste de la division euclidienne de deux entiers;
- une fonction ajoutant un opérande à une liste

Imaginez alors un algorithme de codage selon la méthode du glorieux César.

Tout langage de programmation de calcul programmable admet

- une fonction calculant le reste de la division euclidienne de deux entiers;
- une fonction ajoutant un opérande à une liste

Imaginez alors un algorithme de codage selon la méthode du glorieux César.

Tout langage de programmation de calcul programmable admet

- une fonction calculant le reste de la division euclidienne de deux entiers;
- une fonction ajoutant un opérande à une liste

Imaginez alors un algorithme de codage selon la méthode du glorieux César.

Sommaire

- 1 Un peu d'histoire
- 2 À vous de jouer
 - Vous êtes César
 - Vous êtes Vercingétorix
- 3 Un peu de bricolage
- 4 Un peu de mathématiques
- 5 Un peu d'informatique
 - Table de codage
 - Avec XCAS

- `irem(a,b)` calcule le reste de la division euclidienne de a par b
- `concat(C,op)` ajoute l'élément op au bout de la chaîne C

- `irem(a,b)` calcule le reste de la division euclidienne de a par b
- `concat(C,op)` ajoute l'élément op au bout de la chaîne C

Un ASCII adapté

Les américains ont mis au point le code ASCII : ils ont donc oublié de coder nos lettres accentuées...

De plus, parmi toutes les touches codées, seules celles contenant un certain nombre de caractères nous intéressent.

Un ASCII adapté

Les américains ont mis au point le code ASCII : ils ont donc oublié de coder nos lettres accentuées...

De plus, parmi toutes les touches codées, seules celles contenant un certain nombre de caractères nous intéressent.

Codage

```
code:= (c)->{  
if (c=='é') return(100) ;  
if (c=='è') return(99) ;  
if (c=='à') return(98) ;  
if (c=='ç') return(97) ;  
if (c=='ù') return(96) ;  
if (c=='ê') return(95) ;  
etc.
```

```
return(asc(c)-32);
```

À vous d'imaginer la procédure de code...

Codage

```
code := (c) -> {  
  if (c == 'é') return(100) ;  
  if (c == 'è') return(99) ;  
  if (c == 'à') return(98) ;  
  if (c == 'ç') return(97) ;  
  if (c == 'ù') return(96) ;  
  if (c == 'ê') return(95) ;  
  etc.
```

```
return(asc(c) - 32);
```

À vous d'imaginer la procédure decode...

Codage

```
code:= (c)->{  
if (c=='é') return(100) ;  
if (c=='è') return(99) ;  
if (c=='à') return(98) ;  
if (c=='ç') return(97) ;  
if (c=='ù') return(96) ;  
if (c=='ê') return(95) ;  
etc.
```

```
return(asc(c)-32);
```

À vous d'imaginer la procédure de code...

Ze programme

Ce qui donne au cœur du programme :

```
messcode:=concat(messcode,decode(irem(cle+code(message[j]),106)));
```

À vous de reconstituer le reste...

Ze programme

Ce qui donne au cœur du programme :

```
messcode:=concat(messcode,decode(irem(cle+code(message[j]),106)));
```

À vous de reconstituer le reste...